
Graf dirigit amb matriu d'adjacència. Hi ha camí d'un vèrtex a un altre?

X78824_ca

Donada la classe *graf* que permet gestionar grafs dirigits i no etiquetats amb n vèrtexs (els vèrtexs són enters dins l'interval $[0, n - 1]$), cal implementar amb un algorisme **recursiu** el mètode

```
bool hi_ha_cami(nat ini, nat fi) const;
// Pre: ini i fi són vèrtexs del graf (són menors que n)
// Post: Retorna un booleà indicant si hi ha camí per anar d'ini a fi
```

Les arestes es guarden en una matriu d'adjacència. Un dels jocs de prova públics és aquest graf que conté 5 vèrtexs (mira el PDF de l'enunciat):

Cal enviar a jutge.org la següent especificació de la classe *graf* i la implementació del mètode dins del mateix fitxer (la resta de mètodes públics ja estan implementats). Indica dins d'un comentari a la capçalera del mètode el seu cost en funció del nombre de vèrtexs n i el nombre d'arestes m del graf.

```
#include <vector>
using namespace std;
typedef unsigned int nat;
```

```
class graf {
// Graf dirigit i no etiquetat.
// Les arestes es guarden en una matriu d'adjacència.
public:
// Constructora per defecte. Crea un graf buit.
graf();

// Destructora
~graf();

// Llegeix les dades del graf del canal d'entrada
void llegeix();

bool hi_ha_cami(nat ini, nat fi) const;
// Pre: ini i fi són vèrtexs del graf (són menors que n)
// Post: Retorna un booleà indicant si hi ha camí per anar d'ini a fi

private:
nat n; // Nombre de vèrtexs
nat m; // Nombre d'arestes
vector<vector<bool>> > a; // Matriu d'adjacència

// Aquí va l'especificació dels mètodes privats addicionals
};

// Aquí va la implementació del mètode públic hi_ha_cami i privats addicionals
```

Degut a que jutge.org només permet l'enviament d'un fitxer amb la solució del problema, en el mateix fitxer hi ha d'haver l'especificació de la classe i la implementació del mètode *hi_ha_cami* (el que normalment estarien separats en els fitxers *.hpp* i *.cpp*).

Per testejar la classe disposes d'un programa principal que llegeix un graf i després llegeix diverses parelles de vèrtexs per esbrinar si hi ha camí per anar d'un vèrtex a l'altre.

Entrada

L'entrada conté un graf: el nombre de vèrtexs, el nombre d'arestes i una llista d'arestes. Cada aresta s'indica pels dos vèrtexs que relaciona. A continuació hi ha diverses parelles de vèrtexs dels quals haurem d'esbrinar si hi ha camí per anar d'un a l'altre.

Sortida

Per a cada parella de vèrtexs de l'entrada, per exemple $v1$ i $v2$, escriu una línia amb el text "SI hi ha camí de $v1$ a $v2$ " o "NO hi ha camí de $v1$ a $v2$ ".

Observació

Només cal enviar la classe requerida i la implementació del mètode *hi_ha_cami*. Pots ampliar la classe amb mètodes privats. Segueix estrictament la definició de la classe de l'enunciat.

La solució a aquest problema ha de ser **recursiva**.

Indica dins d'un comentari a la capçalera del mètode el seu cost en funció del nombre de vèrtexs n i el nombre d'arestes m del graf.

Exemple d'entrada 1

```
1
0

0 0
```

Exemple de sortida 1

```
SI hi ha camí de 0 a 0
```

Exemple d'entrada 2

```
2
0

0 1
1 0
```

Exemple de sortida 2

```
NO hi ha camí de 0 a 1
NO hi ha camí de 1 a 0
```

Exemple d'entrada 3

```
2
1
0 1

0 1
1 0
```

Exemple de sortida 3

```
SI hi ha camí de 0 a 1
NO hi ha camí de 1 a 0
```

Exemple d'entrada 4

```
2
2
0 1
1 0
```

```
0 1
1 0
```

Exemple de sortida 4

SI hi ha camí de 0 a 1

Exemple d'entrada 5

3
3
0 2
0 1
1 2

0 1
0 2
1 0
1 2
2 0
2 1

Exemple d'entrada 6

5
7
4 0
0 2
0 1
2 1
2 4
2 3
1 3

0 1
0 2
0 3
0 4
1 0
1 2
1 3
1 4
2 0
2 1
2 3
2 4
3 0
3 1
3 2
3 4
4 0
4 1
4 2
4 3

Exemple d'entrada 7

6
7
1 5
1 0
3 1
4 0
0 5

SI hi ha camí de 1 a 0

Exemple de sortida 5

SI hi ha camí de 0 a 1
SI hi ha camí de 0 a 2
NO hi ha camí de 1 a 0
SI hi ha camí de 1 a 2
NO hi ha camí de 2 a 0
NO hi ha camí de 2 a 1

Exemple de sortida 6

SI hi ha camí de 0 a 1
SI hi ha camí de 0 a 2
SI hi ha camí de 0 a 3
SI hi ha camí de 0 a 4
NO hi ha camí de 1 a 0
NO hi ha camí de 1 a 2
SI hi ha camí de 1 a 3
NO hi ha camí de 1 a 4
SI hi ha camí de 2 a 0
SI hi ha camí de 2 a 1
SI hi ha camí de 2 a 3
SI hi ha camí de 2 a 4
NO hi ha camí de 3 a 0
NO hi ha camí de 3 a 1
NO hi ha camí de 3 a 2
NO hi ha camí de 3 a 4
SI hi ha camí de 4 a 0
SI hi ha camí de 4 a 1
SI hi ha camí de 4 a 2
SI hi ha camí de 4 a 3

5 1
2 3

0 1
0 2
0 3
0 4
0 5
1 0

1 2
1 3
1 4
1 5
2 0
2 1
2 3
2 4
2 5
3 0
3 1
3 2
3 4
3 5
4 0
4 1
4 2
4 3
4 5
5 0
5 1
5 2
5 3
5 4

Exemple de sortida 7

SI hi ha camí de 0 a 1
NO hi ha camí de 0 a 2
NO hi ha camí de 0 a 3
NO hi ha camí de 0 a 4
SI hi ha camí de 0 a 5
SI hi ha camí de 1 a 0
NO hi ha camí de 1 a 2
NO hi ha camí de 1 a 3
NO hi ha camí de 1 a 4
SI hi ha camí de 1 a 5
SI hi ha camí de 2 a 0
SI hi ha camí de 2 a 1
SI hi ha camí de 2 a 3
NO hi ha camí de 2 a 4
SI hi ha camí de 2 a 5
SI hi ha camí de 3 a 0
SI hi ha camí de 3 a 1
NO hi ha camí de 3 a 2
NO hi ha camí de 3 a 4
SI hi ha camí de 3 a 5
SI hi ha camí de 4 a 0
SI hi ha camí de 4 a 1
NO hi ha camí de 4 a 2
NO hi ha camí de 4 a 3
SI hi ha camí de 4 a 5
SI hi ha camí de 5 a 0
SI hi ha camí de 5 a 1
NO hi ha camí de 5 a 2
NO hi ha camí de 5 a 3
NO hi ha camí de 5 a 4

Informació del problema

Autoria: Jordi Esteve

Generació: 2026-01-25T19:41:50.852Z

© *Jutge.org*, 2006–2026.

<https://jutge.org>

